

ΟΝΟΜΑ:

ΠΡΟΣΗΜΟ ΤΡΙΩΝΥΜΟΥ ΘΕΩΡΙΑ

Το τριώνυμο $ax^2 + bx + \gamma$, $a \neq 0$ γίνεται:

- **Ετερόσημο του α**, μόνο όταν είναι $\Delta > 0$ και για τις τιμές του x που βρίσκονται μεταξύ των ριζών

Υπενθύμιση: Όταν $\Delta > 0$ οι ρίζες του τριωνύμου δίνονται από τον τύπο: $x_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha}$

- **Μηδέν** όταν η τιμή του x είναι κάποια από τις ρίζες του τριωνύμου.
- **Ομόσημο του α** σε κάθε άλλη περίπτωση.

Σημείωση: Να θυμάστε ότι η τάση είναι το τριώνυμο να είναι ομόσημο του a . Ακόμα κι όταν έχει δύο ρίζες στα μεγάλα διαστήματα δεξιά και αριστερά από τις ρίζες είναι ομόσημο του a .

A3 Για τις διάφορες τιμές του $x \in \mathbb{R}$, να βρείτε το πρόσημο των τριωνύμων

► $x^2 - 2x - 15$

- $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots$ $\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$x^2 - 2x - 15$		

► $4x^2 - 4x + 1$ Υπόδειξη: Ο πιο εύκολος τρόπος είναι με χρήση της ταυτότητας $(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$

- $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots$ $\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$4x^2 - 4x + 1$		

► $x^2 - 4x + 13$

- $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots$ $\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$x^2 - 4x + 13$		

A4 Για τις διάφορες τιμές του $x \in \mathbb{R}$, να βρείτε το πρόσημο των τριωνύμων:

► $-x^2 + 4x - 3$

• $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots \Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$-x^2 + 4x - 3$		

Με την βοήθει του πιο πάνω πίνακα να λύσετε τις ανισώσεις:

$-x^2 + 4x - 3 < 0$	$x \in \dots\dots$
$-x^2 + 4x - 3 \leq 0$	$x \in \dots\dots$
$-x^2 + 4x - 3 > 0$	$x \in \dots\dots$
$-x^2 + 4x - 3 \geq 0$	$x \in \dots\dots$

► $-9x^2 + 6x - 1$ Υπόδειξη: Ο πιο εύκολος τρόπος είναι με χρήση της ταυτότητας $(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$

• $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots \Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$-9x^2 + 6x - 1$		

► $-x^2 + 2x - 2$

• $\alpha = \dots$, $\beta = \dots$ $\gamma = \dots \Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma =$

x	$-\infty$	$+\infty$
$-x^2 + 2x - 2$		