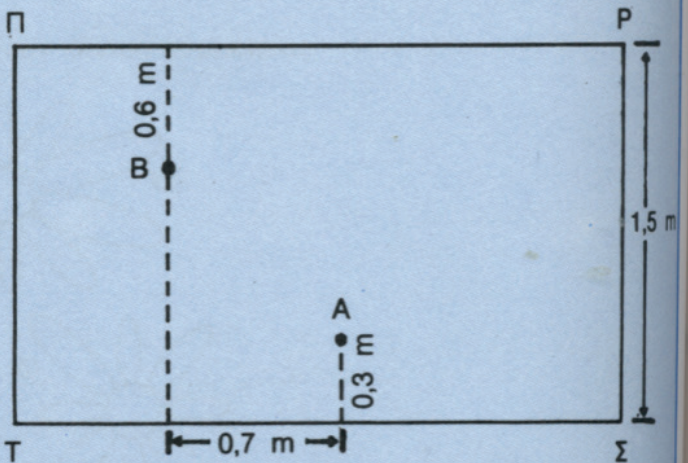


2. Στο μπιλιάρδο που φαίνεται στο διπλανό σχήμα.
- Να βρείτε τα συμμετρικά  $A'$  και  $B'$  των σημείων  $A$  και  $B$  όπου βρίσκονται δύο μπίλιες, ως προς τις ευθείες  $\Sigma\Gamma$  και  $\Pi\text{P}$  αντιστοίχως.
  - Με τη βοήθεια των  $A'$  και  $B'$  να σχεδιάσετε την πορεία που ακολουθεί μία μπίλια για να φτάσει από το  $A$  στο  $B$  αφού κτυπήσει πρώτα στη  $\Sigma\Gamma$  στο σημείο  $\Gamma$  και την  $\Pi\text{P}$  στο σημείο 1. (Η πορεία με το μικρότερο μήκος).
  - Να υπολογίσετε το μήκος της πορείας αυτής.
  - Να υπολογίσετε τη γωνία  $\widehat{A\Gamma\Sigma}$  που καθορίζει την πορεία της μπίλιας.

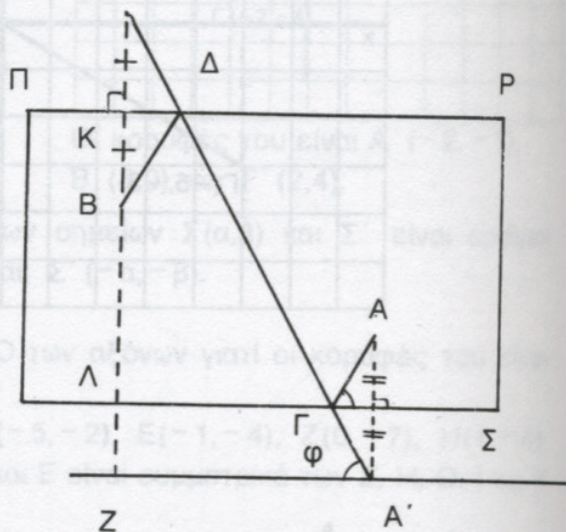


252

ΛΥΣΗ

2. i)  
ii)

Αν είναι  $\Gamma$  και  $\Delta$  τα σημεία που ανακλάται η μπίλια τότε η πορεία είναι η  $A\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta B$ .  
Αλλά  $A\Gamma = A'\Gamma$  γιατί είναι συμμετρικά ως προς την  $\Sigma\Gamma$ .  
Ομοίως  $\Delta B = \Delta B'$  γιατί είναι συμμετρικά ως προς την  $\Pi\text{P}$ .



Άρα η πορεία είναι η  $A'\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta B' = A'B'$

- iii) Προεκτείνουμε την  $BB'$  που τέμνει την  $\varepsilon$ , παράλληλη της  $\text{T}\Sigma$  από το  $A'$  στο  $Z$ .

Από το τρίγωνο  $A'B'Z$  έχουμε

$$A'B'^2 = A'Z^2 + B'Z^2 \text{ και επειδή } A'Z = 0,7 \text{ m}$$

$$\text{και } B'Z = B'K + K\Lambda + \Lambda Z = 0,6 + 1,5 + 0,3 = 2,4 \text{ m είναι:}$$

$$A'B'^2 = 2,4^2 + 0,7^2$$

$$A'B'^2 = 6,25$$

$$\text{Άρα } A'B' = \sqrt{6,25} = 2,5 \text{ m}$$

- iv)  $\widehat{A\Gamma\Sigma} = \widehat{A'\Gamma\Sigma}$  γιατί είναι συμμετρικές

148

$\widehat{A'GS} = \varphi$  ως εντός εναλλάξ των  $T\Sigma$  και  $\varepsilon$  με τέμνουσα την  $A'B'$

Άρα  $\widehat{A'GS} = \varphi$ .

Αρκεί λοιπόν να υπολογίσουμε την γωνία  $\varphi$ .

$$\text{Είναι } \varepsilon\varphi \varphi = \frac{ZB'}{ZA'} = \frac{2,4}{0,7} \cong 3,429$$

και από τους πίνακες βρίσκουμε ότι  $\varphi \cong 74^\circ$